

一、基礎題：(每格 3 分，共 57 分)

1. 下列各數列分別隱含某種規律，觀察一下，根據你發現的規律在空格中填入適當的數。

$$\text{一、 } 1, 4, \underline{(1)}, 16, 25, 36 \quad \text{二、 } 1, 1, 2, 3, 5, 8, \underline{(2)}, 21$$

2. 一數列： $3, 7, 11, 15, 19, 23$ ，求該數列的一般項第 n 項 $a_n = \underline{(3)}$ 。

3. 一等差數列為 $2, 8, 14, 20, 26 \dots$ ，則公差 $d = \underline{(4)}$ ，第 15 項 $a_{15} = \underline{(5)}$ 。

4. 下面各圖是由圓點「●」所組成的規律圖形，則圖 n 中，圓點的總數為 a_n ，則 $a_{50} = \underline{(6)}$ 。



圖 1



圖 2

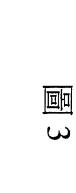


圖 3



圖 4

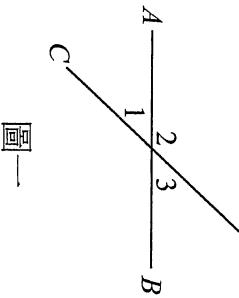
5. 電影城第一排有 10 個座位，每一排依次比前一排多 3 位，末排有 37 位，則座位共有 $\underline{(7)}$ 排。

6. 坐標平面上一點 $A(-4, 3)$ ，以 x 軸為對稱軸，作 A 的對稱點 $B(p, q)$ ；以 $y-2=0$ 為對稱軸，作 A 的對稱點 $C(r, s)$ ，求 $p+q+r+s = \underline{(8)}$ 。

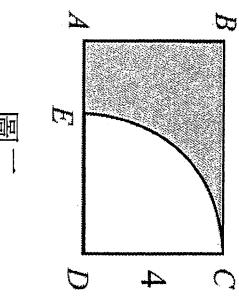
7. $\angle A = 50^\circ$ ， $\angle B$ 與 $\angle A$ 互補， $\angle C$ 與 $\angle A$ 互餘，求 $\angle B + \angle C = \underline{(9)}$ 。

8. 請問 4 與 10 的等差中項 = $\underline{(10)}$ 。

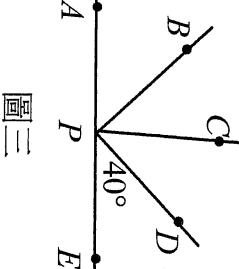
9. $1+2+3+\dots+38+39+40 = \underline{(11)}$ 。



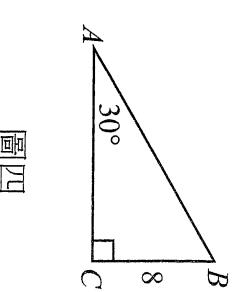
圖一



圖二



圖三



圖四

10. 如圖一， \overline{AB} 、 \overline{CD} 交於一點，且 $\angle 1 = (x+20)^\circ$ ， $\angle 3 = (6x-30)^\circ$ ，求 $x = \underline{(12)}$ 。

11. 如圖二，如圖，長方形 $ABCD$ 的周長為 20，以 D 點為圓心， \overline{CD} 為半徑畫一弧，求灰色區域的面積 = $\underline{(13)}$ 。

12. 如圖三， P 點在 \overleftrightarrow{AE} 上， \overline{PB} 平分 $\angle APC$ ， \overline{PD} 平分 $\angle CPE$ ， $\angle DPE = 40^\circ$ ， $\angle BPA = \underline{(14)}$ 。

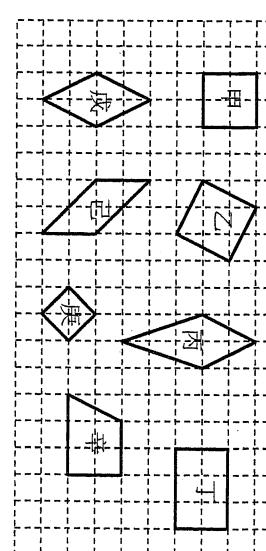
13. 如圖四，直角三角形 ABC 中， $\angle A = 30^\circ$ ， $\angle C = 90^\circ$ ， $\overline{BC} = 8$ ，求 $\overline{AC} = \underline{(15)}$ 。

14. $\triangle ABC$ 為邊長為 10 的正三角形，則高 = $\underline{(16)}$ ， $\triangle ABC$ 的面積 = $\underline{(17)}$ 。

15. 觀察右方圖形：

(1) 哪些是菱形？ $\underline{(18)}$ 。(全對才給分)

(2) 哪些是平行四邊形？ $\underline{(19)}$ 。(全對才給分)

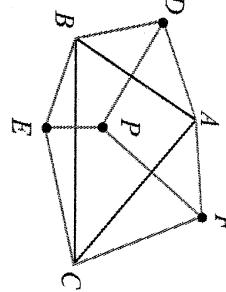


二、應用題：(每格 3 分，共 18 分)

- 如圖六， $\overline{AD} = \overline{DC}$ ， $\overline{AB} = 10\sqrt{3}$ ， $\angle BAD = 75^\circ$ ， $\angle B = \angle D = 90^\circ$ ，求 $\overline{AD} = \underline{(1)}$ 。
- 一個等差數列的第 3 項為 13，第 10 項為 41，則此等差數列的第 20 項 = (2)。
- 有一個三角形的三個內角成等差數列，且最大角為最小角的 9 倍，則最大角的角度 = (3)。
- 求等差級數 $8 + 15 + 22 + \dots + 281$ 的和 = (4)。
- 等差級數 $(-76) + (-68) + (-60) + \dots$ 前 n 項的和為 -384 ，求 $n = \underline{(5)}$ 。

6. 如圖七， $\triangle ABC$ 的內部有一點 P ，且 D 、 E 、 F 是 P 分別以 \overline{AB} 、 \overline{BC} 、 \overline{AC} 為對稱軸的對稱點。若 $\triangle ABC$ 的內角 $\angle A = 70^\circ$ ，

$$\angle B = 60^\circ, \angle C = 50^\circ, \text{ 則 } \angle ADB + \angle BEC + \angle CFA = \underline{(6)}.$$



圖六

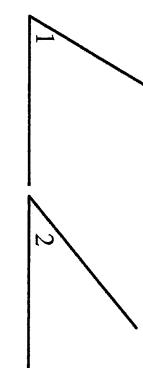
圖七

三、作圖題：(每題 4 分，共 20 分)

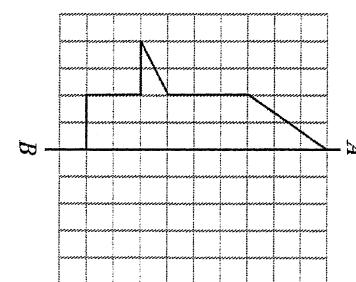
- 求作 45 度的角 (提示：作直角與角平分線)
- 求作 $\overline{AB} = 0.5a + 2b$ (提示：中垂線作圖)



- 求作 $\angle 1 - \angle 2$ 。



- 以 \overline{AB} 為對稱軸，畫出下圖的對稱圖形



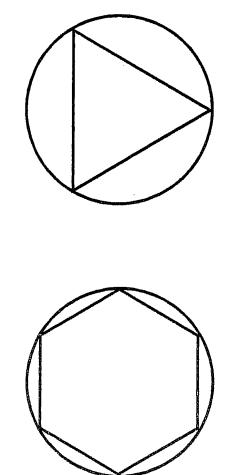
四、動腦思考題：(第一題 3 分，第二題 2 分，共 5 分)

- 柏納·韋伯 (Bernard Werber) 是一位名聞當代法國文壇的新銳作家，他以豐富的科學知識為背景創作出一部部膾炙人口的科幻小說，其中一本著作提到一個數列規律找尋的謎題，請問下列數列的下一項為何？

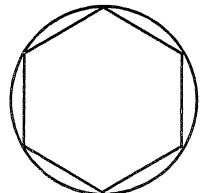
$$1, 11, 21, 1211, 111221, 312211, 13112221, \underline{\hspace{2cm}}?$$

(提示：越是聰明越難找到謎底，請你暫時拋棄所有已經學過的數學，突破自己思考上的盲點，答案就會顯現)

- 在兩個大小相同的圓形中，分別畫出一個正三角形和正六邊形，如圖八和圖九所示，已知正三角形的面積為 3，則正六邊形的面積為何？：



圖八



圖九

- 提示：正六邊形每個內角為 120 度，且可分割成六塊相同的小正三角形

一、基礎題：(每格 3 分，共 57 分)

(1) 9	(2) 13	(3) $4n - 1$	(4) 6	(5) 8°
(6) 253	(7) 10	(8) -10	(9) 170°	(10) 7
(11) $\delta 20$	(12) 10	(13) $24 - 4\pi$	(14) 50°	(15) $8\sqrt{3}$
(16) $5\sqrt{3}$	(17) $25\sqrt{3}$	(18) 甲乙戊己庚	(19) 甲乙丁庚己戊	

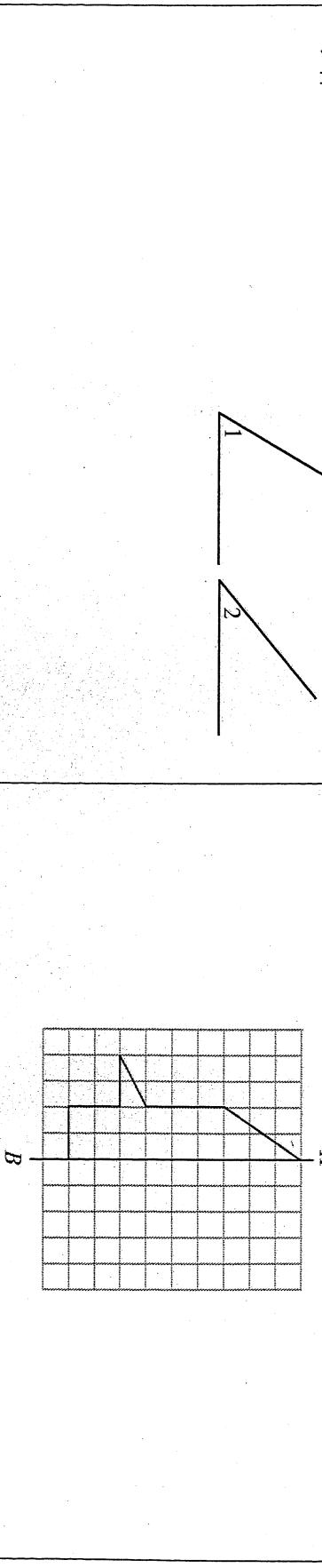
二、應用題：(每格 3 分，共 18 分)

(1) $10\sqrt{2}$	(2) 81	(3) 108°	(4) 5780	(5) 12, 8	(6) 360°
------------------	--------	-------------------	------------	-----------	-------------------

三、作圖題：(每題 4 分，共 20 分)

1. 求作 45 度的角

3.求作 $\angle 1 - \angle 2$	4. 求作 $\overline{AB} = 0.5a - 2b$
----------------------------	-----------------------------------



2. 求作 $\overline{AB} = 0.5a - 2b$

a —————

b —————

四、動腦思考題：(每題 2 分，共 4 分)

1. $11132 / 3211$

2. 6